



Universidade Federal de Santa Catarina
Centro de Ciências Físicas e Matemáticas
Departamento de Matemática



Programa de disciplina

I. Identificação da disciplina

<i>Código</i>	<i>Nome da disciplina</i>	<i>Horas-aula semanais</i>	<i>Horas-aula semestrais</i>
MTM3422	Álgebra Linear II	Teóricas: 4 Práticas: 0	72

II. Pré-requisito(s)

1. MTM3421 - Álgebra Linear I

III. Curso(s) para o(s) qual(is) a disciplina é oferecida

Matemática - Bacharelado, Matemática - Licenciatura.

IV. Ementa

Espaços vetoriais sobre \mathbb{C} , espaços com produto interno, Gram-Schmidt e a decomposição QR , método dos mínimos quadrados, Teorema de representação de Riesz. Operadores especiais em espaços com produto interno: operadores unitários e isometrias, operadores autoadjuntos. Autovalores e autovetores, operadores e matrizes diagonalizáveis, Teorema de Cayley-Hamilton, forma canônica de Jordan. Teorema de Schur, Teorema espectral, decomposição em valores singulares.

V. Objetivos

Concluindo o programa de MTM3422 – Álgebra Linear II, o aluno deverá ser capaz de:

- Trabalhar com a aritmética nos números complexos.
- Trabalhar os conceitos da disciplina igualmente com espaços vetoriais/transformações lineares, e com matrizes.
- Compreender os conceitos da disciplina dos pontos de vista geométrico e algébrico.
- Entender o produto interno como uma ferramenta que nos permite abstrair algebricamente as noções geométricas de comprimento, distância e ângulo para qualquer espaço vetorial sobre \mathbb{R} ou \mathbb{C} .

VI. Conteúdo programático

Unidade 1. Espaços vetoriais sobre o corpo dos números complexos.

1.1 O corpo \mathbb{C} dos números complexos.

1.2 Polinômios sobre \mathbb{C} e o Teorema Fundamental da Álgebra.

1.3 Espaços vetoriais sobre \mathbb{C} .

Unidade 2. Espaços vetoriais (sobre \mathbb{C} ou \mathbb{R}) com produto interno.

2.1 Produto interno, espaço vetorial com produto interno (sobre \mathbb{C} ou \mathbb{R}).

2.2 Norma e distância induzidas de um produto interno.

2.3 Ortogonalidade.

2.4 Teorema de Pitágoras.

2.5 Desigualdades de Cauchy-Schwarz e triangular.

2.6 Ângulo entre vetores não nulos.

2.7 Conjunto ortogonal e ortonormal, base ortonormal.

2.8 Processo de ortonormalização de Gram-Schmidt, existência de bases ortonormais.

2.9 Decomposição QR .

2.10 Complemento ortogonal de um subespaço vetorial.

2.11 Projeção ortogonal sobre um subespaço vetorial finitamente gerado.

2.12 Método dos mínimos quadrados.

2.13 Teorema de representação de Riesz (dimensão finita).

2.14 Adjunto de um operador linear (dimensão finita).

Unidade 3. Operadores especiais em espaços com produto interno (sobre \mathbb{C} ou \mathbb{R}).

3.1 Operador unitário e isometria.

3.2 Matriz unitária e matriz ortogonal.

- 3.3 Operador auto-adjunto.
- 3.4 Matriz hermitiana e matriz simétrica.

Unidade 4. Autovalores e autovetores.

- 4.1 Autovalores e autovetores de um operador linear.
- 4.2 Autoespaço associado a um autovalor e multiplicidade geométrica.
- 4.3 Polinômio característico de um operador linear.
- 4.4 Multiplicidade algébrica de um autovalor.
- 4.5 Operador diagonalizável.
- 4.6 Relação entre diagonalizabilidade e as multiplicidades algébrica e geométrica.
- 4.7 Polinômio minimal de um operador linear.
- 4.8 Teorema de Cayley-Hamilton.
- 4.9 Relação entre diagonalizabilidade e o polinômio minimal.
- 4.10 Autovalores e autovetores de uma matriz quadrada.
- 4.11 Matriz diagonalizável.
- 4.12 Forma canônica de Jordan.
- 4.13 Teorema de triangularização de Schur.
- 4.14 Teorema espectral para operadores auto-adjuntos (versão complexa, dimensão finita).
- 4.15 Decomposição em valores singulares.

VII. Bibliografia básica

1. BOLDRINI, José L. et al. Álgebra linear. 3. ed. ampl. e rev. São Paulo: Harbra, c1986.
2. COELHO, Flávio U.; LOURENÇO, Mary L. Um curso de álgebra linear. 2. ed. rev. e ampl. São Paulo: EDUSP, c2005. 261 p. (Acadêmica; 34).
3. STRANG, Gilbert. Álgebra linear e suas aplicações. São Paulo: Cengage Learning, 2010.

VIII. Bibliografia complementar

1. AXLER, Sheldon. Linear algebra done right. 2. ed. New York: Springer, 1997.
2. CALLIOLI, Carlos A.; COSTA, Roberto C. F.; DOMINGUES, Hygino H. Álgebra linear e aplicações. 6. ed. reform. São Paulo: Atual, 1990.
3. HOFFMAN, Kenneth; KUNZE, Ray A. Algebra linear. 2. ed. Rio de Janeiro: Livros Técnicos e Científicos, 1979.
4. KOLMAN, Bernard; HILL, David R. Álgebra linear com aplicações. 9. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2013.
5. LIMA, Elon Lages. Álgebra linear. 8. ed. Rio de Janeiro: IMPA, 2009.
6. LIPSCHUTZ, Seymour; LIPSON, Marc. Álgebra linear. 4. ed. Porto Alegre: Bookman, 2011 (Coleção Schaum).

Este programa foi criado pela comissão composta pelos professores Fernando de Lacerda Mortari (presidente), Leonardo Koller Sacht, e Melissa Weber Mendonça em 29 de junho de 2017.