

UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA CENTRO DE CIÊNCIAS FÍSICAS E MATEMÁTICAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

SEMESTRE 2011.1

I, IDENTIFICAÇÃO DA DISCIPLINA:

| Código | Nome da Disciplina | Horas/aula Semanais | | Horas/aula Semestrais |
|----------|---------------------------|---------------------|----------|-----------------------|
| | | Teóricas | Práticas | |
| MTM 7112 | Geometria Quantitativa II | 6 | | 108 |
| | | | | |

II. PROFESSOR (ES) MINISTRANTE (S)

Dr. Celso Melchiades Doria

III. PRÉ-REQUISITO (S)

CODIGO NOME DA DISCIPLINA

IV. CURSO (S) PARA O QUAL (IS) A DISCIPLINA É OFERECIDA

LICENCIATURA EM MATEMÁTICA

V. EMENTA

- TRIGONOMETRIA E RELAÇÕES MÉTRICAS EM TRIÂNGULOS.
- POLÍGONOS REGULARES.
- ÁREA DO CÍRCULO E COMPRIMENTO DA CIRCUNFERÊNCIA.
- TRIGONOMETRIA NO CÍRCULO. CONSTRUÇÕES COM RÉGUA E COMPASSO.
- POSIÇÕES RELATIVAS DE RETAS E PLANOS. POLIEDROS.
- VOLUMES DE SÓLIDOS E ÁREAS DE SUPERFÍCIES.
- HISTÓRIA DA MATEMÁTICA RELATIVA AO CONTEÚDO.

VI. OBJETIVOS

- DESENVOLVER OS CONHECIMENTOS SOBRE OBJETOS GEOMÉTRICOS.
- APRIMORAR A INTUIÇÃO GEOMÉTRICA POR MEIO DE RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS.
- RESOLVER PROBLEMAS DE CONSTRUÇÃO COM RÉGUA E COMPASSO.
- OFERECER CONDIÇÕES PARA O APRIMORAMENTO DA VISÃO DE OBJETOS NO ESPAÇO.

VII. CONTEÚDO PROGRAMÁTICO

- 1. Trigonometria e relações métricas em triângulos.
 - 1.1 DEFINIÇÕES DAS RAZÕES TRIGONOMÉTRICAS PARA ÂNGULOS AGUDOS (TRIÂNGULO RETÂNGULO): SENO, COSSENO, TANGENTE, SECANTE, COSSECANTE E COTANGENTE.
 - 1.2 Seno, cosseno e tangente de ângulos notáveis: 30°, 60°, 45° e 18°.
 - 1.3 Identidades trigonométricas fundamentais.
- 1.4 Lei dos senos e lei dos cossenos; extensão das definições para ângulos obtusos.
 - 1.5 Fórmulas de soma e diferença de ângulos.
 - 1.6 Transformação de soma em produto.
 - 1.7 CONSEQÜÊNCIAS: CÁLCULO DAS DIAGONAIS DE UM PARALELOGRAMO; ÁREA DE UM TRIÂNGULO EM FUNÇÃO DO SENO DE UM DE SEUS ÂNGULOS; RELAÇÕES MÉTRICAS EM TRIÂNGULOS QUAISQUER: CÁLCULO DOS RAIOS DAS CIRCUNFERÊNCIAS CIRCUNSCRITA E INSCRITA, DAS MEDIANAS, ALTURAS E BISSETRIZES DE UM TRIÂNGULO EM FUNÇÃO DOS LADOS E FÓRMULA DE HERON.
 - 1.8 Construção de triângulos e quadriláteros com régua e compasso.

2. POLÍGONOS REGULARES

- 2.1 POLÍGONOS EQÜILÁTEROS, EQÜIÂNGULOS E REGULARES; POLÍGONOS INSCRITÍVEIS E CIRCUNSCRITÍVEIS.
- 2.2 ÂNGULOS INTERNOS E EXTERNOS, PERÍMETRO, ÁREA, APÓTEMA, RAIOS DA CIRCUNFERÊNCIA INSCRITA E CIRCUNSCRITA EM POLÍGONOS REGULARES.
 - 2.3 Construção de polígonos regulares com régua e compasso.

3. CIRCUNFERÊNCIA E CÍRCULO

- 3.1 Princípio da exaustão.
- 3.2 APROXIMAÇÃO DA ÁREA DE UM CÍRCULO POR POLÍGONOS REGULARES INSCRITOS E CIRCUNSCRITOS.
- 3.3 Comprimento da circunferência e sua relação com a área do círculo.
- 3.4 COMPRIMENTO DE ARCO, ÂNGULO CENTRAL E O RADIANO.
- 3.5 SETORES CIRCULARES, SEGMENTOS CIRCULARES E COROAS CIRCULARES.

4. TRIGONOMETRIA NO CÍRCULO

- 4.1 O CÍRCULO TRIGONOMÉTRICO: GENERALIZAÇÃO DAS RELAÇÕES TRIGONOMÉTRICAS.
- 4.2 EQUAÇÕES TRIGONOMÉTRICAS.

5. POSIÇÕES RELATIVAS DE RETAS E PLANOS.

- 5.1 RETAS PARALELAS, RETAS REVERSAS E RETAS CONCORRENTES.
- 5.2 Paralelismo e perpendicularismo entre reta e plano; distância de ponto a plano, distância de reta paralela a plano.
 - 5.3 Planos paralelos e transversais.
 - 5.4 ÂNGULO DIEDRAL.
 - 5.5 Projeções ortogonais.

6. SÓLIDOS GEOMÉTRICOS

- 6.1 DEFINIÇÃO DE POLIEDRO E ELEMENTOS DE UM POLIEDRO: VÉRTICES, ARESTAS E FACES.
- 6.2 Prismas, pirâmides e paralelepípedos.
- 6.3 CILINDROS, CONES E ESFERAS.
- 6.4 POLIEDROS REGULARES.
- 6.5 CARACTERÍSTICA DE EULER.
- 6.6 POLIEDROS PLATÔNICOS; CLASSIFICAÇÃO.

- 6.7 CÁLCULO DO COMPRIMENTO DE ARESTA, APÓTEMA, RAIO DAS ESFERAS INSCRITA E CIRCUNSCRITA, ÁREA DA SUPERFÍCIE DE UM POLIEDRO.
- 6.8 ÁREA DE SUPERFÍCIES DE CILINDROS E CONES.
- 7. VOLUMES DE FIGURAS SÓLIDAS
 - 7.1 DEFINIÇÃO DE VOLUME.
- 7.2 Volume de um paralelepípedo retângulo (medida inteira, racional e irracional).
 - 7.3 Princípio de Cavalieri.
 - 7.4 VOLUMES DE CILINDROS.
 - 7.5 VOLUMES DE CONES.
 - 7.6 VOLUME DA ESFERA.
 - 7.7 OUTRAS APLICAÇÕES DO PRINCÍPIO DE CAVALIERI.
 - 7.8 ÁREA DA SUPERFÍCIE DA ESFERA.

VIII. METODOLOGIA DE ENSINO / DESENVOLVIMENTO DO PROGRAMA

AULAS TEÓRICAS

IX. METODOLOGIA DE AVALIAÇÃO

Serão realizadas 3 provas, P_1 , P_2 e P_3 , ao longo do semestre, e mais a nota de trabalhos para efeito de obter a Média

$$M_1 = [P_1 + P_2 + P_3 + T]/4$$

OBSERVAÇÃO:

- Se a média M_1 do aluno satisfizer $M_1 > 6.0$ e o aluno tiver presença suficiente (> 75%), então o aluno será aprovado.
- Se a média $\rm M_1$ do aluno satisfizer 3,0 < $\rm M_1$ < 6,0 e o aluno tiver presença suficiente (>75%), então o aluno terá direito a realizar uma prova de Recuperação R para efeito do calculo da média.

$$M_2 = (M_1 + 2R)/3$$

SE M₂ > 5,75 o aluno será aprovado, caso contrário reprovado.

(consulte UFSC-Regimento da Graduação ,Capítulo IV - Seção I: Da Frequência e do Aproveitamento, Art 69 – 74)

X. AVALIAÇÃO FINAL

O CONTEÚDO A SER AVALIADO NA AVALIAÇÃO FINAL INCLUIRÁ TODO O CONTEÚDO DO SEMESTRE.

| | XI. CRONOGRAMA TEÓRICO |
|----------|---------------------------|
| DATA | ATIVIDADE |
| 06/09/11 | P1 |
| 11/10/11 | P2 |
| 22/11/11 | Р3 |
| 29/11/11 | P4 recuperação |
| | |
| | XII. CRONOGRAMA PRÁTICO |
| DATA | ATIVIDADE |
| | |
| | |
| | |
| | XIII. BIBLIOGRAFIA BÁSICA |

[1] - DORIA, CELSO MELCHIADES - GEOMETRIA II - EAD/CED/CFM, LANTEC/CED, UFSC 2010.

XIV. BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

- [2] LIMA, E.L. (1991) MEDIDA E FORMA EM GEOMETRIA, COLEÇÃO DO PROFESSOR DE MATEMÁTICA, SBM
- [3] BARBOSA, J.L.M. (1995) GEOMETRIA EUCLIDIANA PLANA, COLEÇÃO DO PROFESSOR DE MATEMÁTICA, SBM
- [4] CASTRUCI, B. (1978) FUNDAMENTOS DE GEOMETRIA. LIVRO TÉCNICO E CULTURAL EDITORA S.A., RIO DE JANEIRO
- [5] WAGNER, E. ET AL..(1992) TRIGONOMETRIA NÚMEROS COMPLEXOS, COLEÇÃO DO Professor de Matemática, SBM
- IEZZI, G. ET AL.. FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICA ELEMENTAR, VOLUME 3 (TRIGONOMETRIA),
 - volume 9 (Geometria Plana), volume 10 (Geometria Espacial), Atual Editora, São PAULO.
- [7] KOSTOVSKI, A. N. (1980) Construcciones geométricas mediante um compás, LECIONES POPULARES DE MATEMÁTICAS, EDITORA MIR, RÚSSIA.
- [8] GOLOVINA, L. I., YAGLOM (1976) INTRODUCTIÓN EM LA GEOMETRIA, LECIONES POPULARES DE MATEMÁTICAS, EDITORA MIR, RÚSSIA.
- [9] CARONNET, TH. (1961) EXERCÍCIOS DE GEOMETRIA, ED. AO LIVRO TÉCNICO S.A. (9 VOLUMES).
- [10] WAGNER, E. (1993) Construções geométricas, Coleção do Professor de MATEMÁTICA, SBM.

Florianópolis, 14 de julho de 2011.

Prof. Dr. Celso Melchiades Doria

Coordenador (a) da disciplina