



**Universidade Federal de Santa Catarina**  
**Centro de Ciências Físicas e Matemáticas**  
**Departamento de Matemática**



**Plano de Ensino**

Semestre 2017-2

**I. Identificação da Disciplina**

Código	Nome da Disciplina	Horas-aula Semanais	Horas-aula Semestrais
MTM7133	Cálculo III	Teóricas: 6 Práticas: 0	108

**II. Professor(es) Ministrante(s)**

Antonio Vladimir Martins.

**III. Pré-requisito(s)**

Código	Nome da Disciplina
MTM7132	Cálculo II

**IV. Curso(s) para o(s) qual(is) a Disciplina é Oferecida**

Matemática - Licenciatura.

**V. Ementa**

Funções reais de várias variáveis: derivadas parciais; máximos e mínimos; derivadas direcionais; gradiente; hessiano; integrais duplas e triplas, funções vetoriais; parametrização de curvas e superfícies; retas e planos tangentes; noções de equações diferenciais de 1<sup>a</sup> ordem (separáveis) e lineares de ordem n; história da matemática relacionada com o conteúdo.

**VI. Objetivos**

Propiciar ao aluno condições de:

- Entender e utilizar os conceitos de limites, continuidade e derivadas para funções de várias variáveis.
- Dominar os conceitos de Integração Múltipla e aplicá-los na resolução de problemas geométricos.
- Estar familiarizado com o conceito de equação diferencial ordinária.
- Conhecer os métodos elementares de solução de equações diferenciais ordinárias de ordem  $n$ .

**VII. Conteúdo Programático**

1. Funções reais de várias variáveis
  - 1.1. Apresentação de situações reais envolvendo funções de várias variáveis
  - 1.2. Definição e notações básicas
  - 1.3. Curvas de nível e esboços de gráficos
  - 1.4. Noções de limite e continuidade
  - 1.5. Derivadas parciais - Definição, exemplos, interpretação geométrica
  - 1.6. Derivadas parciais sucessivas
2. Diferenciabilidade de funções de várias variáveis
  - 2.1. Aproximação linear
  - 2.2. Definição de função diferenciável
  - 2.3. Uma condição suficiente de diferenciabilidade
  - 2.4. Plano tangente
  - 2.5. Gradiente e hessiano
  - 2.6. Regra da cadeia
  - 2.7. Diferenciação implícita
  - 2.8. Máximos e mínimos
3. Integrais duplas e triplas
  - 3.1. Integral dupla
    - 3.1.1. Definição, exemplos, cálculo
    - 3.1.2. Mudança de variáveis (coordenadas polares)
    - 3.1.3. Cálculo de áreas e volumes

<p>3.2. Integral tripla</p> <p>3.2.1. Definição, exemplos, cálculo</p> <p>3.2.2. Mudança de variáveis (coordenadas cilíndricas e esféricas)</p> <p>3.2.3. Cálculo de volumes</p>
<p>4. Funções vetoriais</p>
<p>4.1. Apresentação de situações reais envolvendo funções vetoriais</p>
<p>4.2. Definição e exemplos</p>
<p>4.3. Funções vetoriais de uma variável</p>
<p>4.3.1. Limite e continuidade</p>
<p>4.3.2. Derivada</p>
<p>4.4. Parametrização de curvas</p>
<p>4.4.1. Equações paramétricas da reta tangente</p>
<p>4.5. Derivada direcional</p>
<p>4.6. Parametrização de superfícies</p>
<p>4.7. Plano tangente a uma superfície</p>
<p>4.8. Área de superfícies</p>
<p>5. Noções de Equações Diferenciais</p>
<p>5.1. Motivação Histórica</p>
<p>5.2. Equações Lineares de 1<sup>a</sup> ordem com variáveis separáveis</p>
<p>5.3. Equações lineares de ordem n com coeficientes constantes</p>
<p>5.4. Método da variação dos parâmetros</p>

### **VIII. Metodologia de Ensino / Desenvolvimento do Programa**

Serão ministradas aulas expositivas e dialogadas, com resolução de exercícios em sala de aula.

### **IX. Metodologia de Avaliação**

O aluno será avaliado através de 3 ou 4 provas parciais, com pesos previamente determinados pelo professor ministrante, que serão realizadas ao longo do semestre letivo. O professor ministrante, a seu critério, poderá aplicar pequenos testes os quais terão um peso na nota final não superior a 25%. Será calculada a média das notas obtidas nas avaliações e testes (utilizando os pesos determinados) e será considerado aprovado o aluno que tiver, além de frequência suficiente, média maior ou igual a 6,0.

### **X. Avaliação Final**

De acordo com o parágrafo 2º do artigo 70 da Resolução 17/Cun/97, o aluno com frequência suficiente e média das avaliações do semestre de 3,0 a 5,5 terá direito a uma nova avaliação, no final do semestre, abordando todo o conteúdo programático. A nota final desse aluno será calculada através da média aritmética entre a média das avaliações anteriores e a nota da nova avaliação.

### **XI. Cronograma Teórico**

<i>Data ou Período</i>	<i>Atividade</i>
------------------------	------------------

Será estabelecido pelo professor.

### **XII. Cronograma Prático**

<i>Data ou Período</i>	<i>Atividade</i>
------------------------	------------------

Não se aplica.

### **XIII. Bibliografia Básica**

1. STEWART, J., Cálculo, Vol. 2, Thomson Editora; SP, 2004;
2. FLEMMING, D. M. & GONÇALVES, M.B., Cálculo B, 2<sup>a</sup> Ed., Prentice Hall, São Paulo, 2007;
3. FLEMMING, D. M. & GONÇALVES, M.B., Cálculo C, 3<sup>a</sup> Ed., Pearson Makron Books, 2004;
4. GUIDORIZZI, H.L - Um Curso de Cálculo, Volumes 2, 3, e 4 Livros Técnicos e Científicos Editora S.A. - Rio de Janeiro - 1986, 1987, 1988;

### XIII. Bibliografia Complementar

1. ÁVILA, G. - Cálculo 3 - Livros Técnicos e Científicos Editora S.A. - Rio de Janeiro, 1983;
2. BOULOS, P. Introdução ao Cálculo 2 e 3 - Editora Edgard Blucher Ltda - São Paulo, 1978;
3. BOYCE, W.E. & DI PRIMA, R.C., Equações Diferenciais Elementares e Problemas de Valores de Contorno, 6<sup>a</sup> edição, Livros Técnicos Científicos Editora S.A., RJ, 1999;
4. BOYER, C.B. - História da Matemática - Editora Edgard Blucher Ltda. - São Paulo, 1993;
5. BRAUN, M. - Equações Diferenciais e suas aplicações - Editora Campus Ltda, Rio de Janeiro, 1979;
6. EVES, H. - Introdução à História da Matemática - Editora da Unicamp - Campinas, S. Paulo, 1995;
7. FOULIS, D.J. & Munem, M.A. - Cálculo, Volume 2 - Editora Guanabara Dois - Rio de Janeiro -1982;
8. LEITHOLD, L. - O Cálculo com Geometria Analítica, Volume 2 Harper & Row do Brasil, 1977;
9. THOMAS, G.B.; Cálculo, Vol. 2, 11<sup>a</sup>ed., Editora Pearson, SP, 2009;
10. SWOKOWSKI, E.W. - Cálculo com Geometria Analítica, Volume 2 McGraw-Hill, S. Paulo - 1983

Florianópolis, 12 de julho de 2017.

---

Prof. Antonio Vladimir Martins  
Coordenador da Disciplina