



**UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA**  
**CENTRO DE CIÊNCIAS FÍSICAS E MATEMÁTICAS**  
**DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA**

SEMESTRE 2020/1

**I. IDENTIFICAÇÃO DA DISCIPLINA:**

| Código  | Nome da Disciplina  | Horas/aula Semanais |          | Horas/aula Semestrais |
|---------|---------------------|---------------------|----------|-----------------------|
|         |                     | Teóricas            | Práticas |                       |
| MTM5512 | Geometria Analítica | 4                   | 0        | 72                    |

**II. PROFESSOR (ES) MINISTRANTE (S)**

Gustavo Adolfo T. F. da Costa

**III. PRÉ-REQUISITO (S)**

| Código | Nome da Disciplina |
|--------|--------------------|
|        | Não há             |

**IV. CURSO (S) PARA O QUAL (IS) A DISCIPLINA É OFERECIDA**

Ciência e Tecnologia de Alimentos, Ciências da Computação, Engenharia de Alimentos, Engenharia de Aquicultura, Engenharia de Controle e Automação, Física – Bacharelado, Física – Licenciatura (noturno), Geologia, Meteorologia, Oceanografia, Química – Bacharelado, Química – Licenciatura.

**V. EMENTA**

Matrizes. Determinantes. Sistemas lineares. Álgebra vetorial. Estudo da reta e do plano. Curvas planas. Superfícies.

**VI. OBJETIVOS**

O aluno no final do semestre deverá ser capaz de:

- Operar com matrizes, calcular a inversa de uma matriz, discutir e resolver sistemas lineares por escalonamento.
- Operar com vetores, calcular os produtos escalar, vetorial e misto, bem como utilizar suas interpretações geométricas.
- Aplicar as noções de matrizes e vetores para resolver problemas com retas e planos.
- Identificar uma curva plana, reconhecer seus elementos e representá-la graficamente.

**VII. CONTEÚDO PROGRAMÁTICO**

Unidade 1. Matrizes.

- 1.1. Matriz. Definição, notação, igualdade, tipos.
- 1.2. Operações com matrizes: adição, multiplicação por escalar, multiplicação de matrizes. Propriedades.
- 1.3. Matriz na forma escalonada, posto de uma matriz na forma escalonada.
- 1.4. Operações elementares por linhas, posto de uma matriz.
- 1.5. Determinantes: propriedades e cálculo por escalonamento.
- 1.6. Matriz inversa.
- 1.7. Determinação da matriz inversa pelo processo de Jordan.
- 1.8. Classificação e resolução de sistemas lineares por escalonamento

Unidade 2. Álgebra vetorial.

- 2.1. Vetores, definição.
- 2.2. Operações com vetores.
  - 2.2.1. Adição, representação geométrica e propriedades.
  - 2.2.2. Multiplicação por um escalar, representação geométrica e propriedades.
  - 2.2.3. Subtração e representação geométrica.
  - 2.2.4. Combinação linear de vetores, dependência linear de vetores.
  - 2.2.5. Produto escalar, propriedades e interpretação geométrica.
  - 2.2.6. Norma de um vetor.
  - 2.2.7. Ângulo entre vetores, paralelismo e ortogonalidade de vetores.
  - 2.2.8. Produto vetorial, propriedades e interpretação geométrica.
  - 2.2.9. Produto misto, propriedades e interpretação geométrica.

Unidade 3. Estudo da reta e do plano no espaço

- 3.1. Sistemas de coordenadas cartesianas.
  - 3.2. Estudo das retas.
    - 3.2.1. Equação vetorial.
    - 3.2.2. Equação paramétrica.
    - 3.2.3. Equação simétrica.
    - 3.2.4. Condição de paralelismo entre retas.
    - 3.2.5. Condição de ortogonalidade entre retas.
    - 3.2.6. Ângulo entre duas retas.
    - 3.2.7. Interseção de duas retas.
  - 3.3. Estudo das planos.
    - 3.3.1. Equação vetorial.
    - 3.3.2. Equação paramétrica.
    - 3.3.3. Equação geral.
    - 3.3.4. Vetor normal a um plano.
    - 3.3.5. Condição de paralelismo entre dois planos.
    - 3.3.6. Condição de ortogonalidade entre dois planos.
    - 3.3.7. Ângulo entre planos.
    - 3.3.8. Ângulo entre reta e plano.
    - 3.3.9. Condição de paralelismo entre reta e plano.
    - 3.3.10. Condição de ortogonalidade entre reta e plano.
    - 3.3.11. Interseção de reta e plano.
    - 3.3.12. Condição de paralelismo entre reta e plano.
    - 3.3.13. Condição de ortogonalidade entre reta e plano.
  - 3.4. Distâncias.
    - 3.4.1. Entre dois pontos, um ponto a uma reta e um ponto a um plano.
    - 3.4.2. Entre duas retas, entre uma reta e um plano e entre dois planos.
- Unidade 4. Cônicas e superfícies quádricas e cilíndricas.
- 4.1. Cônicas.
    - 4.1.1. Equação geral de um cônica.
    - 4.1.2. Construção da circunferência através de distâncias.
    - 4.1.3. Construção da parábola através de distâncias.
    - 4.1.4. Construção da elipse através de distâncias.
    - 4.1.5. Construção da hipérbole através de distâncias.
    - 4.1.6. Rotação de uma cônica.
    - 4.1.7. Equações reduzidas e esboço da cônica.
  - 4.2. Superfícies quádricas.
    - 4.2.1. Superfície esférica.
    - 4.2.2. Elipsoide.
    - 4.2.3. Hiperboloide de uma e duas folhas.
    - 4.2.4. Parabolóide elíptico e hiperbólico.
    - 4.2.5. Superfície cônica.
    - 4.2.6. Formas reduzidas das quádricas.
  - 4.3. Superfície cilíndrica.
  - 4.4. Superfície de rotação.

#### **VIII. METODOLOGIA DE ENSINO / DESENVOLVIMENTO DO PROGRAMA**

O conteúdo programático será desenvolvido através de aulas síncronas e assíncronas. Vídeo aulas serão disponibilizadas semanalmente aos alunos bem como arquivos com notas de aula do professor e exercícios sobre o conteúdo. Atendimento poderá ser feito via email ([gatfcosta@gmail.com](mailto:gatfcosta@gmail.com)), e aulas síncronas nos horários das aulas.

#### **IX. METODOLOGIA DE AVALIAÇÃO**

Serão realizadas 3 avaliações assíncronas ao longo do semestre aplicadas via moodle em datas a serem definidas e que deverão ser entregues pelo moodle. A nota M do aluno será obtida pela média aritmética das notas P1, P2 e P3 dos trabalhos:  $M = (P1 + P2 + P3) / 3$ . Se a média M do aluno for maior ou igual a 6,0 e o aluno tiver frequência suficiente (maior ou igual a 75%), então o aluno será aprovado com nota final M. **A frequência será aferida pela participação nas vídeo conferências e avaliações.**

#### X. AVALIAÇÃO FINAL

Se a média M do aluno for entre 3,0 e 6,0 e o aluno tiver frequência suficiente (maior ou igual a 75%), o aluno terá direito a realizar uma avaliação final (AF). Se a nota do aluno na AF for R, a nota final NF será calculada pela média:  $NF = (M + R) / 2$ . Se NF for maior ou igual a 6,0, o aluno será aprovado, caso contrário reprovado.

#### XI. CRONOGRAMA TEÓRICO

| Data           | Atividade                                     |
|----------------|---|
| 31/08 a 20/09  | Unidade 1                                     |
| 21/09 a 18/10  | Unidade 2                                     |
| Data a definir | Avaliação 1                                   |
| 19/10 a 15/11  | Unidade 3                                     |
| Data a definir | Avaliação 2                                   |
| 16/11 a 13/12  | Unidade 4 – Cônicas e Superfícies quadráticas |
| Data a definir | Avaliação 3 e Avaliação Final                 |

#### XII. CRONOGRAMA PRÁTICO

| Data | Atividade     |
|------|---------------|
|      | Não se aplica |

#### XIII. BIBLIOGRAFIA BÁSICA

- [1] A. Steinbruch, P. Winterle, Geometria Analítica. 2. ed. São Paulo (SP): Pearson Makron Books, c1987.  
 [2] L. H. Bezerra, I. P. Costa e Silva, Geometria Analítica, UFSC/EAD/CED/CFM, 2010. Disponível em: <https://mtm.grad.ufsc.br/livrosdigitais/>

#### XIV. BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

- [1] I. de Camargo e P. Boulos, Geometria analítica: um tratamento vetorial. 3. ed. - São Paulo (SP): Pearson Prentice Hall, 2005.  
 [2] G. L. dos Reis, V. V. da Silva, Geometria Analítica. 2. ed., Rio de Janeiro (RJ): Livros Técnicos e Científicos, 1996.  
 [3] F. J. dos Santos, S. F. Ferreira, Geometria Analítica. Porto Alegre, RS : Bookman, 2009.  
 [4] J. J. Venturi, Álgebra Vetorial e Geometria Analítica, 10ª. edição. Editora Livrarias Curitiba, 2015, 242 p.  
 [5] J. J. Venturi, Cônicas e Quádricas, 5a. edição. Editora Livrarias Curitiba, 2003, 243 p..  
 [6] Elon L Lima, Geometria Analítica e Álgebra Linear – Col. Mat. Universitária. Rio de Janeiro: SBM, 2001.  
 [7] Elon L. Lima, Coordenadas no Plano - 2ª Ed.. Rio de Janeiro: SBM, 1992.  
 [8] Elon L. Lima, Coordenadas no Espaço. Rio de Janeiro: SBM, 1993.

Florianópolis, 17 de agosto de 2020.

---

Prof. Gustavo Adolfo T F da Costa