



**UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA**  
**CENTRO DE CIÊNCIAS FÍSICAS E MATEMÁTICAS**  
**Departamento de Matemática**  
 Campus Universitário Reitor João David Ferreira Lima - Trindade  
 CEP 88040.900 - Florianópolis SC  
 Fone: (48) 3721-6560/2884  
[mtm@contato.ufsc.br](mailto:mtm@contato.ufsc.br) / [www.mtm.ufsc.br](http://www.mtm.ufsc.br)



**PLANO DE ENSINO**  
**SEMESTRE - 2022.2**

**I. IDENTIFICAÇÃO DA DISCIPLINA:**

CÓDIGO	NOME DA DISCIPLINA	TURMA	Nº DE HORAS-AULA SEMANAIS		TOTAL DE HORAS-AULA SEMESTRAIS
			TEÓRICAS	PRÁTICAS	
MTM3103	Cálculo 3	03203	72h	0h	72h

**II. PROFESSOR(ES) MINISTRANTE(S)/E-MAIL**

Milton dos Santos Braitt / [m.braitt@ufsc.br](mailto:m.braitt@ufsc.br)

**III. DIAS E HORÁRIOS DAS AULAS**

2.820-2 e 4.1620-2

**IV. PRÉ-REQUISITO(S)**

CÓDIGO	NOME DA DISCIPLINA
MTM 3120	Cálculo 2

**V CURSO(S) PARA O(S) QUAL(IS) A DISCIPLINA É OFERECIDA**

ENGENHARIA MECÂNICA

**VI. EMENTA**

Integração múltipla: integrais duplas e triplas. Noções de cálculo vetorial: curvas e superfícies. Campos escalares e vetoriais. Integrais de linha e de superfícies. Teoremas de Green, Stokes e da Divergência.

**VII. OBJETIVOS**

Concluindo o programa de MTM 3103 - Cálculo 3, o aluno deverá ser capaz de:

- Calcular integrais múltiplas e fazer aplicações destas integrais.
- Identificar funções vetoriais e calcular derivadas e derivadas parciais.
- Calcular derivadas direcionais de funções escalares.
- Parametrizar curvas e superfícies.
- Calcular integrais de linha e de superfícies.
- Calcular e interpretar o gradiente, divergente e o rotacional.
- Utilizar os Teoremas de Green, Stokes e da Divergência.

**VIII. CONTEÚDO PROGRAMÁTICO**

**I. PROGRAMA TEÓRICO:**

- Unidade 1. Integração múltipla.
  - 1.1 Integral dupla: definição, propriedades.
  - 1.2 Cálculo da integral dupla: transformação de variáveis (coordenadas polares).
  - 1.3 Aplicações da integral dupla em cálculo de áreas e volumes.
  - 1.4 Integral Tripla: definição, propriedades.
  - 1.5 Cálculo da integral tripla: transformação de variáveis (coordenadas cilíndricas e esféricas).
  - 1.6 Aplicações da integral tripla em cálculo de volumes, centro de massa e momento de inércia.
- Unidade 2. Noções de cálculo vetorial.
  - 2.1 Funções vetoriais de uma e de várias variáveis.
    - 2.1.1 Definição e exemplos.
    - 2.1.2 Limite e continuidade.
    - 2.1.3 Derivadas e derivadas parciais.
  - 2.2 Curvas.
    - 2.2.1 Representação paramétrica: reta, circunferência, elipse, hélice circular.
    - 2.2.2 Curvas em coordenadas polares.
    - 2.2.3 Vetor tangente e reta tangente a uma curva.
    - 2.2.4 Vetor normal e binormal a uma curva.
    - 2.2.5 Interpretação da derivada. Velocidade e aceleração.
    - 2.2.6 Comprimento de arco e curvatura.
    - 2.2.7 Componentes normal e tangencial da aceleração.
  - 2.3 Campos vetoriais e escalares.
    - 2.3.1 Campo escalar.
      - 2.3.1.1 Definição e exemplos.

- 2.3.1.2 Derivada direcional.
- 2.3.1.3 Gradiente: definição, exemplos e propriedades.
- 2.3.2 Campos vetoriais.
- 2.3.2.1 Definição e exemplos.
- 2.3.2.2 Representação geométrica.
- 2.3.2.3 Campos centrais. Campos elétrico e gravitacional.
- 2.3.2.4 Campos conservativos.
- 
- Unidade 3. Integral de linha e de superfície.
- 3.1 Integral de linha.
- 3.1.1 Integral de linha de campo escalar: definição, propriedades e cálculo.
- 3.1.2 Integral de linha de campo vetorial: definição, propriedades e cálculo.
- 3.1.3 Interpretação física: trabalho, circulação.
- 3.1.4 Integral de linha de campos conservativos. Independência do caminho.
- 3.1.5 Teorema de Green.
- 3.2 Superfícies.
- 3.2.1 Definição e exemplos.
- 3.2.2 Representação paramétrica: plano, esfera e cilindro.
- 3.2.3 Plano tangente e vetor normal a uma superfície.
- 3.2.4 Superfícies orientáveis.
- 3.2.5 Superfícies com bordo.
- 3.2.6 Área de superfície.
- 3.3 Integral de Superfície.
- 3.3.1 Integral de superfície de um campo escalar: definição, propriedades, cálculo e aplicações.
- 3.3.2 Integral de superfície de um campo vetorial: definição, propriedades, cálculo e aplicações.
- 3.3.3 Rotacional: definição, propriedades e interpretação física.
- 3.3.4 Teorema de Stokes.
- 3.3.5 Divergente: definição, propriedades e interpretação física.
- 3.3.6 Teorema da Divergência.

**2. PROGRAMA PRÁTICO:** Não se aplica.

**3. PROGRAMA DE EXTENSÃO:** Não se aplica.

#### **IX. METODOLOGIA DE ENSINO / DESENVOLVIMENTO DO PROGRAMA**

Serão ministradas aulas expositivas e/ou dialogadas, no formato presencial. Serão disponibilizados materiais de apoio no Ambiente Virtual de Ensino e Aprendizagem Moodle. Todo o conteúdo será lecionado durante as 15 semanas de 18/04/2022 a 29/07/2022. O período de 01/08/2022 a 03/08/2022 será reservado para a nova avaliação.

#### **X. METODOLOGIA DE AVALIAÇÃO**

Serão realizados 9 testes, cuja média aritmética simples comporá a nota T, e de 2 provas, cuja média aritmética simples comporá a nota P, A média final será calculada pela fórmula  $M = (3 * T + 7 * P)/10$ . Será considerado aprovado o aluno que tiver, além de frequência suficiente, média maior ou igual a 6,0. As avaliações poderão ser realizadas através do moodle ou/e presencial a critério do professor conforme cronograma previamente apresentado. Abaixo segue o assunto principal de cada teste.

Teste 1	Integral Dupla
Teste 2	Integral Tripla
Teste 3	Funções Vetoriais e Curvas.
Teste 4	Campo Escalar e Vetorial
Teste 5	Integral de Linha

Teste 6	Teo. de Green
Teste 7	Integral de Superfície
Teste 8	Teo. de Gauss

Teste 9	Teo. de Stokes
---------	----------------

### XI. NOVA AVALIAÇÃO

Conforme estabelece o §2º do Art.70, da Resolução nº 017/CUn/97, o aluno com frequência suficiente (FS) e média das notas de avaliações do semestre entre 3,0 (três vírgula zero) e 5,5 (cinco vírgula cinco) terá direito a uma nova avaliação teórica (cumulativa) no final do semestre. A nota final será calculada através da média aritmética entre a média das notas das avaliações parciais e a nota obtida na **nova avaliação**.

### XII. BIBLIOGRAFIA BÁSICA

1. GUIDORIZZI, Hamilton L. **Um curso de cálculo**. Vol. 2 e 3, 6. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2018.
2. STEWART, James. **Cálculo**. Vol. 2, São Paulo: Cengage Learning, 2017. 2 v. Disponível em: <https://resolver.vitalsource.com/9788522126859>. Acesso em: 14 dez. 2021.
3. THOMAS, George Brinton; WEIR, Maurice D.; HASS, Joel. **Cálculo**. Vol. 2. 12. ed. São Paulo: Pearson, 2012.

### XIII. BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

1. KREYSZIG, Erwin. **Matemática superior para engenharia**. 10. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2019.
2. ANTON, Howard; BIVENS, Irl; DAVIS, Stephen. **Cálculo**. Vol. 2. 10. ed. Porto Alegre: Bookman, 2014.
3. LEITHOLD, Louis. **O cálculo: com geometria analítica**. Vol 2. 2. ed. São Paulo: Harbra, 1986.
4. GONÇALVES, Mirian Buss; FLEMMING, Diva Marília. **Cálculo B: funções de várias variáveis integrais duplas e triplas**. 2. ed. rev. ampl. São Paulo: Makron Books, 2007.
5. SIMMONS, George Finlay. **Cálculo com geometria analítica**. São Paulo: Pearson Makron Books, 2009.
6. MARTINS, Marcos H. S., PEREIRA, Rosimary: Cálculo III e IV, UFSC/EAD/CED/CFM (2010). Disponível em <http://mtmgrad.paginas.ufsc.br/files/2020/08/Livro-Calculo III e IVMarcosH.S.Martins-RosimaryPereira.pdf>
7. TANEJA, Inder Jeet, JANESCH, Sílvia Martini de Holanda: Cálculo II. Florianópolis: SEAD/UFSC (2007). Disponível em <https://mtm.grad.ufsc.br/files/2020/08/Livro-Calculo II-SilviaM.Holanda-InderJ.Taneja.pdf>

Assinatura do Professor

Assinatura do Chefe do Departamento

Aprovado no Colegiado do Centro \_\_\_\_\_

Em: \_\_\_\_/\_\_\_\_/\_\_\_\_