



Universidade Federal de Santa Catarina
Centro de Ciências Físicas e Matemáticas
Departamento de Matemática



Plano de ensino
Semestre 2023.1

I. Identificação da disciplina

<i>Código</i>	<i>Nome da disciplina</i>	<i>Horas-aula semanais</i>		<i>Horas-aula semestrais</i>
MTM3471	Geometria Quantitativa I	<i>Teóricas: 6</i>	<i>Práticas: 0</i>	108

II. Professor(es) ministrante(s)

Francisco Carlos Caramello Junior (francisco.caramello@ufsc.br)

III. Pré-requisito(s)

Não há.

IV. Curso(s) para o(s) qual(is) a disciplina é oferecida

Matemática – Bacharelado

V. Ementa

Medida de segmento. Medida de ângulo. Triângulos. Congruência. Quadriláteros. Áreas de figuras planas. Circunferência e círculo. Semelhança. Construções com régua e compasso. Trigonometria e relações métricas em triângulos.

VI. Objetivos

- Introduzir os conceitos e resultados básicos de Geometria Plana.
- Desenvolver o raciocínio dedutivo por meio de demonstrações dos teoremas principais de Geometria.
- Desenvolver a habilidade de fazer construções geométricas com régua e compasso.
- Introduzir conteúdos relativos à trigonometria no triângulo retângulo.

VII. Conteúdo programático

Unidade 1. Introdução à geometria.

- 1.1. Conceitos primitivos: ponto, reta e plano.
- 1.2. Semirreta e segmento de reta, semirretas opostas; semiplanos.
- 1.3. Breve discussão dos Postulados 1 e 2 de Euclides.
- 1.4. Posições relativas entre retas no plano: retas paralelas e retas concorrentes.

Unidade 2. Medida de segmentos.

- 2.1. Comparação de segmentos através das posições relativas de suas extremidades.
- 2.2. Conceituação de medida de segmento (comprimento).
 - 2.2.1. Positiva.
 - 2.2.2. Aditiva.
 - 2.2.3. Segmento unitário.
- 2.3. Segmento de comprimento inteiro.
- 2.4. Segmento de comprimento racional.
- 2.5. Segmentos incomensuráveis e segmento de medida irracional.
- 2.6. Comparação de segmentos através de medidas; ponto médio de um segmento.
- 2.7. Unidades de medida; sistema métrico.
- 2.8. Definição de circunferência e círculo.
- 2.9. O Postulado 3 de Euclides.

Unidade 3. Ângulos e medidas de ângulos.

- 3.1. Conceituação de ângulo como par de semirretas de mesma origem.
- 3.2. Interior e exterior de um ângulo.
- 3.3. Ângulos adjacentes; comparação de ângulos através das posições relativas de seus lados.
- 3.4. Suplemento de um ângulo; ângulo reto: retas perpendiculares, ângulo agudo e ângulo obtuso.
- 3.5. O Postulado 4 de Euclides: o ângulo reto como medida natural de ângulo.
- 3.6. Medida de um ângulo; unidade de medida: o grau; comparação de ângulos através de medidas.

VII. Conteúdo programático (continuação)

3.7. Bissetriz de um ângulo; mediatriz de um segmento; distância de um ponto a uma reta.

Unidade 4. Triângulos.

4.1. Conceituação de triângulos; tipos de triângulos; interior de um triângulo.

4.2. Conceito de congruência e isometria.

4.3. Congruência de triângulos; LAL, ALA, LLL, LAAo, caso especial de triângulos retângulos.

4.4. Consequências dos casos de congruência de triângulos.

4.4.1. Triângulos isósceles, e ângulos da base congruentes.

4.4.2. Bissetrizes e mediatrizes como lugares geométricos.

4.4.4. Teorema do ângulo externo (sem axioma das paralelas) e consequências.

4.4.5. Relação entre os lados de um triângulo e os ângulos opostos.

4.4.6. A desigualdade triangular.

4.4.7. Posições relativas de reta e circunferência e posições relativas de duas circunferências: retas tangentes e circunferências tangentes.

4.5. O Postulado V de Euclides e formulações equivalentes: paralelas cortadas por uma transversal formando ângulos alternos internos iguais; distância entre duas retas paralelas.

4.5.1. Soma dos ângulos internos de um triângulo e consequências. Teorema do ângulo externo.

4.6. Ângulos na circunferência: ângulo central, ângulo inscrito e o arco capaz, ângulos ex-inscritos e ângulos de segmento.

4.7. Teorema da base média.

4.7.1. Bissetrizes, mediatrizes, medianas e alturas de um triângulo; pontos notáveis de um triângulo: o incentro, o circuncentro, o baricentro e o ortocentro.

Unidade 5. Polígonos.

5.1. Linhas poligonais, polígonos e polígonos convexos.

5.2. Elementos de um polígono: vértices, arestas (lados), diagonais, ângulos internos e ângulos externos.

5.3. Quadriláteros: trapézios, paralelogramos, losangos, retângulos e quadrados, quadriláteros inscritíveis e circunscritíveis.

Unidade 6. Áreas de figuras planas.

6.1. Curvas fechadas simples: interior e exterior.

6.2. Conceituação de área.

6.2.1. Positiva.

6.2.2. Aditiva.

6.2.3. Invariante por congruências.

6.2.4. Quadrado unitário.

6.3. Área do quadrado.

6.3.1. Quadrado de lado inteiro.

6.3.2. Quadrado de lado racional.

6.3.3. Quadrado de lado irracional.

6.4. Área do retângulo.

6.5. Área do paralelogramo.

6.6. Área do triângulo.

6.7. Área do trapézio.

6.8. Área de um polígono qualquer via triangulação.

6.9. Área de uma região qualquer: aproximações por falta e por excesso.

6.10. Aplicações de áreas.

6.11. O Teorema de Pitágoras.

Unidade 7. Semelhança.

7.1. Definição de semelhança e propriedades.

7.2. Relação entre semelhança e área.

7.3. Homotetia e semelhança.

7.4. Semelhança de triângulos: teorema fundamental de semelhança de triângulos.

7.5. Teorema de Tales.

7.6. Casos de semelhança de triângulos.

7.7. Consequências de semelhanças de triângulos: relações métricas em triângulos retângulos, teoremas das bissetrizes, potência de ponto, eixo radical.

Unidade 8. Trigonometria e relações métricas em triângulos.

8.1. Definições das razões trigonométricas para ângulos agudos (triângulo retângulo): seno, cosseno, tangente, secante,

VII. Conteúdo programático (continuação)

cossecante e cotangente.

8.2. Seno, cosseno e tangente de ângulos notáveis: 30°, 60°, 45° e 36°.

8.3. Identidades trigonométricas fundamentais.

8.4. Lei dos senos e lei dos cossenos; extensão das definições para ângulos obtusos.

8.5. Fórmulas de soma e diferença de ângulos.

8.6. Transformação de soma em produto.

8.7. Consequências.

8.7.1. Cálculo das diagonais de um paralelogramo.

8.7.2. Área de um triângulo em função do seno de um de seus ângulos.

8.7.3. Relações métricas em triângulos quaisquer.

8.7.4. Cálculo dos raios das circunferências circunscrita e inscrita.

8.7.5. Cálculo das medianas, alturas e bissetrizes de um triângulo em função dos lados.

8.7.6. Fórmula de Heron.

VIII. Metodologia de ensino e desenvolvimento do programa

Serão ministradas aulas expositivas e dialogadas com resolução de exercícios em sala de aula.

IX. Metodologia de avaliação

O aluno será avaliado através de três avaliações escritas (P_1 , P_2 e P_3). Nota final (M_f) será a média aritmética das notas nessas avaliações:

$$M_f = \frac{P_1 + P_2 + P_3}{3}$$

O aluno com frequência suficiente e média final maior do que ou igual a 6,0 será considerado aprovado na disciplina.

X. Avaliação final

O aluno com frequência suficiente e nota final de 3,0 a 5,5 poderá fazer uma prova de recuperação (R), no final do semestre, abordando todo o conteúdo da disciplina. A nota final desse aluno será dada por

$$\frac{M_f + R}{2}.$$

Será considerado aprovado o aluno que tiver frequência suficiente e nota final maior do que ou igual a 6,0.

XI. Cronograma teórico

Nas primeiras 7 semanas serão abordados os conteúdos das unidades 1 a 4, e será então realizada a avaliação P_1 . Nas 5 semanas seguintes serão vistas as unidades 5 e 6 e será aplicada a avaliação P_2 sobre esses assuntos. Por fim, nas 5 semanas finais veremos as unidades 7 e 8 com a respectiva avaliação P_3 . O cronograma pode sofrer pequenas alterações ao longo do semestre a critério do professor, a depender do rendimento da turma.

XII. Cronograma prático

Não se aplica.

XIII. Bibliografia básica

1. BATISTA, E., CARVALHO, N.T. B., PINHO, J.L.R. – Geometria I. EAD-UFSC, 2007.
2. LIMA, E.L. – Medida e forma em geometria. Coleção do Professor de Matemática, SBM, 1991.
3. IEZZI, G. et al. – Fundamentos de Matemática Elementar, volume 3 (trigonometria), volume 9 (Geometria plana), volume 10 (Geometria espacial). Atual Editora, São Paulo.

XIV. Bibliografia complementar

1. BARBOSA, J.L.M. – Geometria euclidiana plana. Coleção do Professor de Matemática, SBM, 1995.
2. CASTRUCI, B. – Fundamentos de geometria. Livro Técnico e cultural Editora S.A., Rio de Janeiro, 1978.
3. DRUS, V.F. et al. – Apontamentos de geometria plana. Editora Ática, São Paulo, 1970.
4. WAGNER, E. – Construções geométricas. Coleção do Professor de Matemática, SBM, 1993.
5. WAGNER, E. et al. – Trigonometria, Números Complexos. Coleção do Professor de Matemática, SBM, 1992.

Florianópolis, 30 de novembro de 2022.

Professor Francisco Carlos Caramello
Junior
Coordenador da disciplina