



PLANO DE ENSINO
SEMESTRE - 2024.2

I. IDENTIFICAÇÃO DA DISCIPLINA:

CÓDIGO	NOME DA DISCIPLINA	TURMA	Nº DE HORAS-AULA SEMANAIS		TOTAL DE HORAS-AULA SEMESTRAIS
			TEÓRICAS	PRÁTICAS	
MTM342 2	Álgebra Linear II	04223	72h	0h	72h

II. PROFESSOR(ES) MINISTRANTE(S)/E-MAIL

Maicon Marques Alves (maicon.alves@ufsc.br)

III. DIAS E HORÁRIOS DAS AULAS

4.1010-2 e 6.0820-2

IV. PRÉ-REQUISITO(S)

CÓDIGO	NOME DA DISCIPLINA
MTM 3421	Álgebra Linear I

V CURSO(S) PARA O(S) QUAL(IS) A DISCIPLINA É OFERECIDA

Licenciatura em Matemática

VI. EMENTA

Espaços vetoriais sobre \mathbb{C} , espaços com produto interno, Gram-Schmidt e a decomposição QR, método dos mínimos quadrados, Teorema de representação de Riesz. Operadores especiais em espaços com produto interno: operadores unitários e isometrias, operadores autoadjuntos. Autovalores e autovetores, operadores e matrizes diagonalizáveis, Teorema de Cayley-Hamilton, forma canônica de Jordan. Teorema de Schur, Teorema espectral, decomposição em valores singulares.

VII. OBJETIVOS

Concluindo o programa de MTM3422-Álgebra Linear II, o aluno deverá ser capaz de:

- Trabalhar com a aritmética nos números complexos.
- Trabalhar os conceitos da disciplina igualmente com espaços vetoriais/transformações lineares, e com matrizes.
- Compreender os conceitos da disciplina dos pontos de vista geométrico e algébrico.
- Entender o produto interno como uma ferramenta que nos permite abstrair algebricamente as noções geométricas de comprimento, distância e ângulo para qualquer espaço vetorial sobre \mathbb{R} ou \mathbb{C} .

VIII. CONTEÚDO PROGRAMÁTICO

Unidade 1. Espaços vetoriais sobre o corpo dos números complexos.

- 1.1 O corpo \mathbb{C} dos números complexos.
- 1.2 Polinômios sobre \mathbb{C} e o Teorema Fundamental da Álgebra.
- 1.3 Espaços vetoriais sobre \mathbb{C} .

Unidade 2. Espaços vetoriais (sobre \mathbb{C} ou \mathbb{R}) com produto interno.

- 2.1 Produto interno, espaço vetorial com produto interno (sobre \mathbb{C} ou \mathbb{R}).
- 2.2 Norma e distância induzidas de um produto interno.
- 2.3 Ortogonalidade.
- 2.4 Teorema de Pitágoras.
- 2.5 Desigualdades de Cauchy-Schwarz e triangular.
- 2.6 Ângulo entre vetores não nulos.
- 2.7 Conjunto ortogonal e ortonormal, base ortonormal.
- 2.8 Processo de ortonormalização de Gram-Schmidt, existência de bases ortonormais.
- 2.9 Decomposição QR.
- 2.10 Complemento ortogonal de um subespaço vetorial.
- 2.11 Projeção ortogonal sobre um subespaço vetorial infinitamente gerado.
- 2.12 Método dos mínimos quadrados.
- 2.13 Teorema de representação de Riesz (dimensão finita).
- 2.14 Adjunto de um operador linear (dimensão finita).

Unidade 3. Operadores especiais em espaços com produto interno (sobre C ou R).

3.1 Operador unitário e isometria.

3.2 Matriz unitária e matriz ortogonal.

3.3 Operador auto-adjunto.

3.4 Matriz hermitiana e matriz simétrica.

Unidade 4. Autovalores e autovetores.

4.1 Autovalores e autovetores de um operador linear.

4.2 Autoespaço associado a um autovalor e multiplicidade geométrica.

4.3 Polinômio característico de um operador linear.

4.4 Multiplicidade algébrica de um autovalor.

4.5 Operador diagonalizável.

4.6 Relação entre diagonalizabilidade e as multiplicidades algébrica e geométrica.

4.7 Polinômio minimal de um operador linear.

4.8 Teorema de Cayley-Hamilton.

4.9 Relação entre diagonalizabilidade e o polinômio minimal.

4.10 Autovalores e autovetores de uma matriz quadrada.

4.11 Matriz diagonalizável.

4.12 Forma canônica de Jordan.

4.13 Teorema de triangularização de Schur.

4.14 Teorema espectral para operadores auto-adjuntos (versão complexa, dimensão finita).

4.15 Decomposição em valores singulares.

IX. METODOLOGIA DE ENSINO / DESENVOLVIMENTO DO PROGRAMA

Serão ministradas aulas expositivas e/ou dialogadas, no formato presencial, ao longo do semestre letivo.

A última semana do semestre será reservada para provas de recuperação.

X. METODOLOGIA DE AVALIAÇÃO

O aluno será avaliado através de 3 provas. Será calculada a média aritmética das notas obtidas nas avaliações e será considerado aprovado o aluno que tiver, além de frequência suficiente, média maior ou igual a 6,0.

A média final será calculada como a média aritmética das notas das três provas.

XI. NOVA AVALIAÇÃO

Conforme estabelece o §2º do Art.70, da Resolução nº 017/CUn/97, o aluno com frequência suficiente (FS) e média das notas de avaliações do semestre entre 3,0 (três vírgula zero) e 5,5 (cinco vírgula cinco) terá direito a uma nova avaliação teórica (cumulativa) no final do semestre. A nota final será calculada através da média aritmética entre a média das notas das avaliações parciais e a nota obtida na **nova avaliação**.

XIII. BIBLIOGRAFIA BÁSICA

1. BOLDRINI, José L. et al. Álgebra linear. 3. ed. ampl. e rev. São Paulo: Harbra, c1986.
2. COELHO, Flávio U.; LOURENC, O, Mary L. Um curso de Álgebra Linear. 2. ed. rev. e ampl. São Paulo: EDUSP, c2005. 261 p. (Acadêmica; 34).
3. STRANG, Gilbert. Álgebra linear e suas aplicações. São Paulo: Cengage Learning, 2010.

XIV. BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

1. AXLER, Sheldon. Linear Algebra Done Right. 2. ed. New York: Springer, 1997.
2. CALLIOLI, Carlos A.; COSTA, Roberto C. F.; DOMINGUES, Hygino H. Álgebra Linear e Aplicações. 6. ed. reform. São Paulo: Atual, 1990.
3. HOFFMAN, Kenneth; KUNZE, Ray A. Álgebra Linear. 2. ed. Rio de Janeiro: Livros Técnicos e Científicos, 1979.
4. KOLMAN, Bernard; HILL, David R. Álgebra Linear com Aplicações. 9. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2013.
5. LIMA, Elon Lages. Álgebra Linear. 8. ed. Rio de Janeiro: IMPA, 2009.
6. LIPSCHUTZ, Seymour; LIPSON, Marc. Álgebra Linear. 4. ed. Porto Alegre: Bookman, 2011 (Coleção Schaum).

Assinatura do Professor