1. Decida qual das seguintes fórmulas define uma métrica em  ${\cal R}$  (justifique sua resposta):

(a) 
$$d(x,y) = |x-y|^2$$

(b) 
$$d(x,y) = |x^2 - y^2|$$
 (c)  $d(x,y) = |x - y|^3$ 

(c) 
$$d(x,y) = |x-y|^3$$

(d) 
$$d(x,y) = |x^3 - y^3|$$

2. Mostre que um subconjunto de  $\mathbb{R}^n$  é aberto se e somente se é a união de uma coleção enumerável de bolas abertas (SUGESTÃO: O conjunto de todos os pontos de  $\mathbb{R}^n$  cujas coordenadas são todas números racionais é enumerável)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Para ser entregue antes da primeira prova