

# Probabilidade

Prof. Márcio

## Aula 3 - Análise Combinatória (18/02/2006)

- Combinações, Permutações com Elementos Repetidos e Complementos.

**Combinações:** Seja  $M = \{a_1, a_2, \dots, a_m\}$  um conjunto com  $m$  elementos. Chamamos de *combinação* dos  $m$  elementos, tomados  $r$  a  $r$ , aos subconjuntos de  $M$  contituídos de  $r$  elementos.

$$C_{m,r} = \frac{m!}{r!(m-r)!}.$$

**Exemplo:**  $M = \{a, b, c, d\}$ . As combinações dos 4 elementos de  $M$ , tomados 2 a 2, são os subconjuntos:  $\{a, b\}, \{b, c\}, \{c, d\}, \{a, c\}, \{b, d\}, \{a, d\}$ . Note que  $\{a, b\} = \{b, a\}$ .

**Permutações com Elementos Repetidos:** Consideremos  $n$  elementos,  $a_1, a_2, \dots, a_n$ , dos quais  $n_1$  são iguais a  $a_1$ ,  $n_2$  são iguais a  $a_2$ ,  $\dots, n_r$  são iguais a  $a_r$ .

$$P_n^{n_1, n_2, \dots, n_r} = \frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_r!}.$$

**Exemplo:** Anagramas da palavra ANALITICA:  $n = 9, n_1 = 3, n_2 = 2$ .  
 $P_9^{3,2} = \frac{9!}{3!2!} = 30240$ .

**Número de Soluções Inteiras Não Negativas de Uma Equação Linear:**

$$x_1 + x_2 + \dots + x_n = r,$$

$$P_{n+r-1}^{(n-1), r} = \frac{(n+r-1)!}{r!(n-1)!}.$$